

古谷数学教室第 1 回

数と式 1

2025 年 3 月 5 日

1 基礎事項

1.1 整式の加法と減法

3、 x 、 $2a$ 、 $(-5)x^2y$ などのように、数や文字およびそれらを掛けただけで作られる式を**単項式**という。単項式では、数の部分をその単項式の**係数**といい、掛けた文字の個数をその単項式の**次数**という。数だけの単項式の次数は 0 であるが、0 の次数は考えない¹⁾。

ふつう $1x$ は単に x と書き、 $(-5)x^2y$ は $-5x^2y$ と書く。

また、 $(-1)x$ は $-x$ と書く。

単項式が 2 種類以上の文字を含むとき、特定の文字に着目して係数や次数を考えることがある。この場合、残りの文字は数と同じように扱う。

$5x^2 + (-4x) + 2$ のように、単項式の和²⁾として表される式を**多項式**といい³⁾、その 1 つ 1 つの単項式を、この多項式の**項**という。

$5x^2 + (-4x) + 2$ は、ふつう $5x^2 - 4x + 2$ と書く。

多項式の項の中で、文字の部分が同じである項を**同類項**という。整式に含まれる同類項は、係数の和を計算して、1 つの項にまとめることができる。

同類項をまとめた多項式において、もっとも次数の高い項の次数を、その多項式の**次数**という。また、次数が n の整式を **n 次式**という。

たとえば、 $4x^2 - 5x - 6$ は 2 次式である。

2 種類以上の文字を含む多項式において、単項式と同じように、特定の文字に着目して係数や次数を考えることがある。

多項式の項の中で、着目した文字を含まない項を**定数項**という。

整式は、ある文字に着目して、各項を次数が低くなる順に並べて整理することが多い。このこと

-
- 1) 0 の次数は $-\infty$ 次とする考え方もある。多項式には、「 m 次の多項式と n 次の多項式を掛けると $m + n$ 次の多項式となる性質」があるが、0 の次数を 0 としてしまうと、上の性質を満たさないからである。
 - 2) 一般には単項式も多項式である。
 - 3) 整式と呼ばれることもある。名前から、整式は係数が整数の多項式だと勘違いする学生さんが非常に多いが、 $\sqrt{2}x$ など整式なので注意が必要である。

を、降べきの順に整理する⁴⁾ という。

1.2 整式の乗法

a を n 個かけたものを a の n 乗といい、 a^n と書く。とくに、 $a^1 = a$ である。 a^n における n を、 a^n の指数という。また、 a 、 a^2 、 a^3 、 \dots をまとめて a の累乗という。

一般には、次の指数法則が成り立つ：

指数法則

n 、 m は正の整数¹⁾ とする。

$$a^m \times a^n = a^{m+n},$$

$$(a^m)^n = a^{mn},$$

$$(ab)^n = a^n b^n.$$

1) 正の整数が分からない場合、1.4 小節を参照。

単項式の積は、指数法則を用いて計算する。

整式の積は、次の分配法則を用いて計算する：

分配法則

$$A(B + C) = AB + AC, \quad (A + B)C = AC + BC.$$

多項式の積の形をした式について、その積を計算して1つの多項式に表すことを、その式を展開するという。

次の展開の公式は有名である：

展開の公式

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2,$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2,$$

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2,$$

$$(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab,$$

$$(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd.$$

4) 各項を次数が高くなる順に並べて整理することもあり、このことを昇べきの順に整理するという。

1.3 因数分解

$(x+2)(x+3)$ を展開すると、次の等式が成り立つことが分かる：

$$x^2 + 5x + 6 = (x+2)(x+3).$$

このように、1つの多項式を1次以上の多項式の積の形に表すことを、もとの式を**因数分解**するといいい、積を作っている各式をもとの式の**因数**という。

多項式の各項に共通な因数があれば、その共通因数をカッコの外にくくり出して、式を因数分解することができる：

$$2ax^2 + 6axy = 2ax \cdot x + 2ax \cdot 3y = 2ax(x+3y),$$

ここで、上で用いた $2ax \cdot x$ や $2ax \cdot 3$ における \cdot は、積を表す記号である。また、共通因数はすべてカッコの外にくくり出すのが一般的である：

$$2ax^2 + 6axy = 2a(x^2 + 3xy) \text{ とは (普通) しない。}$$

以降では、「因数分解せよ」という問いの答えとしては、共通因数はカッコの外にくくり出すもののみ真の正解とし、1を意味する数字は、普通省略し、次の式のように書かない：

$$\begin{aligned} 2ax^2 + 6axy &= 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 2ax(x+3y), \\ 2ax^2 + 6axy &= \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot 2ax(x+3y). \end{aligned}$$

展開の公式を逆に利用すると、因数分解の公式が得られる。

1.4 実数

整数は、正の整数すなわち**自然数** $1, 2, 3, 4, \dots$ と負の整数 $-1, -2, -3, -4, \dots$ および 0 からなる数である。また、整数 m と 0 でない整数 n を用いて分数 $\frac{m}{n}$ の形に表される数を**有理数**という。整数は有理数である。

有理数は、小数を用いて表せる。小数第何位⁵⁾かで終わる小数を**有限小数**といい、小数点以下が限りなく続く小数を**無限小数**という。無限小数のうち、ある位以下では、数字の同じ並びが繰り返される小数を**循環小数**という。

有理数について、次のことが知られている：

整数以外の有理数は、有限小数か循環小数のいずれかで表される。逆に、有限小数と循環小数は必ず分数で表され、有理数であることが知られている。

循環小数を次のように書き表すことがある：

$$\begin{aligned} 0.666 \dots &= 0.\dot{6}, \\ 0.318181818 \dots &= 0.\dot{1}8, \\ 1.234234234 \dots &= 1.\dot{2}34. \end{aligned}$$

5) 0.1234 は小数第一位に1、小数第二位に2、小数第三位に3、というふうに数える。

整数と、有限小数または無限小数で表される数とを合わせて**実数**という。有理数でない実数もあり、そのような数を**無理数**という。

無理数は、循環しない無限小数で表される数であり、分数で表すことはできない。

有理数、実数は、それぞれの数の範囲で常に四則計算⁶⁾ができる。

すなわち、次のことがいえる：

2つの有理数の和、差、積、商は常に有理数である。

2つの実数の和、差、積、商は常に実数である。

直線上に基準となる点 O をとって数 0 を対応させ、その点の両側に目もりをつけた直線を、**数直線**という。点 O を**原点**という。数直線上では、1つの実数に1つの点に対応している。

数直線上で、実数 a に対応する点 P と原点 O との距離を a の**絶対値**といい、記号 $|a|$ で表す。 0 の絶対値は $|0| = 0$ である。

実数 a の絶対値について、次のことが成り立つ：

絶対値

a が 0 以上¹⁾ のとき、

$$|a| = a.$$

a が 0 以下²⁾ のとき、

$$|a| = -a.$$

1) a が 0 以上は、 $a = 0$ も含む。

2) a が 0 以下は、 $a = 0$ も含む。また、 $-0 = 0$ とし、以降も断りなく次を認める。

1.5 根号を含む式の計算

ある数を 2 乗して a になるとき、その数を a の**平方根**という。

正の数 a の平方根は 2 つあり、それらは絶対値が等しく符号が異なる。その正の平方根を \sqrt{a} と書く。負の平方根は $-\sqrt{a}$ である⁷⁾。

0 の平方根は 0 だけなので、 $\sqrt{0} = 0$ である。記号 $\sqrt{\quad}$ を**根号**といい、 \sqrt{a} を「ルート a ⁸⁾」と読む。一般に、次のことがいえる：

6) 加法、減法、乗法、除法をまとめて**四則**といい、四則計算の結果を、それぞれ、和、差、積、商という。ただし、除法において、 0 で割ることは考えない。

7) 記号 \pm (プラスマイナスと読む) または \mp (マイナスプラスと読む) を用いて a の正の平方根と負の平方根と合わせて $\pm\sqrt{a}$ または $\mp\sqrt{a}$ と書くことがある。これらの記号は**複号**と呼ばれる。

8) スクエアルート a と読むこともある。私はこちらを使うことが多い。

平方根の性質

a が正の数または0のとき、

$$\begin{aligned}(\sqrt{a})^2 &= (-\sqrt{a})^2 = a, \\ \sqrt{a^2} &= a.\end{aligned}$$

a が負の数または0のとき、

$$\sqrt{a^2} = -a.$$

平方根の積と商について、次のことが成り立つ：

根号の積と商

a, b が正の数であるとき、

$$\sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab}, \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}, \quad (2)$$

$$\sqrt{b^2a} = b\sqrt{a}.$$

式 (1) を示す。

$$\begin{aligned}(\sqrt{a}\sqrt{b})^2 &= (\sqrt{a})^2(\sqrt{b})^2 \\ &= ab\end{aligned}$$

ここで、 $\sqrt{a}\sqrt{b} > 0$ より、 $\sqrt{a}\sqrt{b}$ は ab の正の平方根である：

$$\sqrt{a}\sqrt{b} = \sqrt{ab} \quad \blacksquare^9)$$

式 (2) も同様に示せる。

根号を含む式の加法、減法は、次のように行う：

$$\begin{aligned}6\sqrt{2} + \sqrt{2} - 3\sqrt{2} &= (6 + 1 - 3)\sqrt{2} = 4\sqrt{2}, \\ 4\sqrt{3} - \sqrt{12} + \sqrt{27} &= 4\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = (4 - 2 + 3)\sqrt{3} = 5\sqrt{3}, \\ (3\sqrt{2} + \sqrt{3}) - (\sqrt{2} - 4\sqrt{3}) &= (3 - 1)\sqrt{2} + (1 + 4)\sqrt{3} = 2\sqrt{2} + 5\sqrt{3}.\end{aligned}$$

9) このプリントシリーズでは、記号「■」は証明終了の意味で用いる。

根号を含む式の乗法は、次のように行う：

$$(2\sqrt{3} - \sqrt{5})(\sqrt{3} - 4\sqrt{5}) = -14 + 7\sqrt{5},$$

$$(\sqrt{5} + \sqrt{3})^2 = 8 + 2\sqrt{15},$$

$$(\sqrt{5} + \sqrt{2})(\sqrt{5} - \sqrt{2}) = 3.$$

以降では、根号を含む式を「計算せよ」という問いの答えとしては、上のような計算を真の正解とする。

$\frac{3}{\sqrt{2}}$ の分母と分子に $\sqrt{2}$ をかけると、次のようになる：

$$\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}.$$

このように、分母に根号を含む式を、分母に根号を含まない形にすることを、分母を**有理化**するという。

1.6 不等式の性質

ここでは、不等式の性質を学ぶ。そこで、まず $(x \text{の1次式}) = 0$ の形に表される方程式、すなわち、 x の**1次方程式**を通して、等式の性質を復習する。

x についての方程式を成り立たせる x の値を、その方程式の**解**という。また、方程式のすべての解を求めることを、方程式を**解く**という。

たとえば、1次方程式 $3x - 5 = 10$ を解くと、 $x = 5$ となる。

x の1次方程式は、次に示す「等式の性質」を使う：

等式の性質

$$A = B$$

ならば

$$A + C = B + C,$$

$$A - C = B - C,$$

$$AC = BC,$$

$$\frac{A}{C} = \frac{B}{C} \quad (\text{ただし、} C \neq 0),$$

ここで、 $C \neq 0$ は C は 0 に等しくないことを意味する。

まず、不等号の種類と意味についてまとめる：

補足： $0 < x < 2$ は、「 x は 0 より大きく、かつ 2 より小さい」の意味である。

補足： $0 \leq x$ は、「 $x < 0$ または $x = 0$ 」の意味である。

不等号	使い方の例	意味
<	$x < 2$	x は 2 より小さい
>	$x > 0$	x は 0 より大きい
\leq	$x \leq 3$	x は 3 以下
\geq	$x \geq -1$	x は -1 以上

数量の間の大小関係を不等号を用いて表した式を**不等式**という。不等式で使う文字が表す数は、断りがなければ実数の範囲で考える。

数量の大小関係を述べた事柄を不等式で表すと、たとえば次のようになる：

ある数 x の 3 倍から 5 を引いた数は 10 より小さい

は、不等式で表すと

$$3x - 5 < 10.$$

2 数 a 、 b の和は正で、かつ 5 以下である

は、不等式で表すと

$$0 < a + b \leq 5.$$

不等式でも等式の場合と同様に、左辺、右辺、両辺という用語を使う。

不等式の性質についてまとめると、次のようになる：

不等式の性質

$$A < B$$

ならば

$$A + C < B + C,$$

$$A - C < B - C.$$

$$A < B, C > 0$$

ならば

$$AC < BC, \quad \frac{A}{C} < \frac{B}{C}.$$

$$A < B, C < 0$$

ならば

$$AC > BC, \quad \frac{A}{C} > \frac{B}{C}.$$

以上から分かる通り、不等式では、両辺に同じ負の数をかけたり、両辺を同じ負の数で割ったりすると、両辺の大小関係が入れかわる¹⁰⁾。

1.7 1次不等式

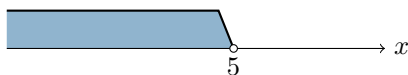
x のとるべき値を決める条件を表した不等式を、 x についての不等式といい、不等式を成り立たせる x の値を、その不等式の解という。

たとえば、不等式 $3x - 5 < 10$ について、 $x = 1$ はこの不等式の解であるが、 $x = 6$ はこの不等式の解ではない。

不等式のすべての解を求めることを、その不等式を解くという。

たとえば、不等式 $3x - 5 < 10$ を解くと、 $x < 5$ である。この x の値の範囲 $x < 5$ を、この不等式の解ということがある。

たとえば、不等式 $x < 5$ を、数直線を用いて図示すると、下図のようになる：



補足：図中の白丸はその数が範囲に含まれないことを表す¹¹⁾。

不等式の項を移項して、 $(x$ の 1 次式) > 0 、 $(x$ の 1 次式) ≤ 0 などのような形に表される不等式を、 x の 1 次不等式という。

いくつかの不等式を組み合わせたものを連立不等式といい、それらの不等式の解に共通する範囲を、この連立不等式の解という。また、連立不等式の解を求めることを、連立不等式を解くという。

たとえば、次の連立不等式

$$\begin{cases} 5x + 3 > 3x + 1 \\ -x + 4 \geq 2(x - 1) \end{cases}$$

を解くと、

$$-1 < x \leq 2.$$

$A < B < C$ は、 $A < B$ と $B < C$ が同時に成り立つことと同じである。

1.8 絶対値を含む方程式、不等式

実数 x の絶対値 $|x|$ は、数直線上で実数 x に対応する点と原点との距離を表す。このことを利用して絶対値を含む方程式、不等式を解くことを考える。

10) 「不等号の向きが変わる」と表現することもある。

11) 黒丸はその数が範囲に含まれることを表す。

一般に、次のことが言える：

$c > 0$ のとき、方程式 $|x| = c$ の解は $x = \pm c$,

$c > 0$ のとき、不等式 $|x| < c$ の解は $-c < x < c$,

$c > 0$ のとき、不等式 $|x| > c$ の解は $x < -c, c < x$.

たとえば、方程式 $|x - 2| = 3$ の解は、 $x = 5$ と、 $x = -1$ である¹²⁾。

12) これを合わせて、 $x = 5, -1$ と書くことがある。

2 演習問題

1. 単項式 $8ax^2y^3$ について、次の文字に着目したときの、係数と次数を答えよ。

(1) x

(2) y

(3) x と y

2. 多項式 $2x^2 - 6xy - y^2 - 3x^2 - y^2 + 8xy$ の同類項をまとめよ。また、この多項式は何次式であるか答えよ。

3. 多項式 $5x^2 - 4xy + y^3 + 2xy^3 + y - 5$ について、次の文字に着目すると、それぞれ何次式であるか答えよ。また、そのときの定数項を答えよ。

(1) x

(2) y

(3) x と y

4. 多項式 $x^3 - 3xy + y^3 + 4x - 5y + 1$ を x について降べきの順に整理せよ。また、 y について降べきの順に整理せよ。

5. $A = 1 - 3x + 4x^2$ 、 $B = x^2 + 8x - 1$ であるとき、 $A + B$ と $A - B$ を計算せよ。

6. $A = 2x^2 - 4x - 5$ 、 $B = 3x^2 - 2x + 2$ であるとき、 $2A + B - (4A - 3B)$ を計算せよ。

7. 次の式を計算せよ。

(1) $(-3xy^2)^2 \times (-2x^2y)^3$

(2) $12a^2b \left(\frac{a^2}{3} - \frac{ab}{6} - \frac{b^2}{4} \right)$

(3) $(2x^2 - 3y)(-4y^2)$

$$(4) (2x + 3)(3y - 1)$$

$$(5) (t - 1)(t^2 + t)$$

$$(6) (2x + 1)(3x - 4)$$

$$(7) (x^2 + 3xy)(y^2 - 2xy)$$

8. 次の式を展開せよ。

$$(1) (x + 2)^2$$

$$(2) (4x - 3y)^2$$

$$(3) (x - 3)(x + 3)$$

$$(4) (3a - 4b)(3a + 4b)$$

$$(5) (x - 4)(x - 5)$$

$$(6) (x + 4)(x - 5)$$

$$(7) (x^2 - y^2)(x^2 + y^2)$$

$$(8) (x - 3y)(x + 4y)$$

$$(9) (a - 5b)(a + 2b)$$

$$(10) (4x + 3y)(2x + 5y)$$

$$(11) (6x - 5y)(3x + 2y)$$

$$(12) (x - 3y + 4)^2$$

$$(13) (x^2 - 2x + 3)^2$$

$$(14) (x+3)^2(x-3)^2$$

$$(15) (x^2+4)(x+2)(x-2)$$

$$(16) (x^2-2xy+4y^2)(x^2+2xy+4y^2)$$

9. 次の式を因数分解せよ。

$$(1) m^2ab - ma^2b$$

$$(2) 2a(a-3b) - b(3b-a)$$

$$(3) x^2 - x + \frac{1}{4}$$

$$(4) 9a^2 - 12ab + 4b^2$$

$$(5) 9x^2 - 25$$

$$(6) 18x^2 - 32y^2$$

$$(7) x^2 - (y-1)^2$$

$$(8) x^2 + 21x + 20$$

$$(9) x^2 + 9x + 20$$

$$(10) x^2 - 8x - 20$$

$$(11) x^2 + 4x + 3$$

$$(12) x^2 + 8x - 9$$

$$(13) x^2 - 17xy - 18y^2$$

$$(14) 2x^2 + 13x + 6$$

$$(15) 2x^2 - x - 6$$

(16) $2x^2 - 7xy + 6y^2$

(17) $8a^2 - 14ab + 3b^2$

(18) $x^4 - 3x^2 - 28$

(19) $x^4 - 16$

10. 次の分数を小数で表せ。循環小数は $0.\dot{3}$ のような表し方で答えよ。

(1) $\frac{3}{20}$

(2) $\frac{5}{33}$

11. 次の数を規約分数 $\frac{m}{n}$ の形で表せ。ただし、 m は整数、 n は正の整数であるとする。

(1) -1.24

(2) $0.2\dot{3}\dot{4}$

(3) $0.14\dot{6}$

12. 次の命題は、真の命題か偽の命題か答えよ¹³⁾。偽の命題である場合、反例¹⁴⁾を1つ答えよ。

(1) 有理数と無理数の和は無理数である。

(2) 無理数と無理数の和は無理数である。

(3) 有理数と無理数の積は無理数である。

(4) 無理数と無理数の積は無理数である。

13) 次の文章は、正しいかどうか答えよ。と読み替えてよい。ここでは簡単に、正しいとき、真の命題といい、間違っているとき、偽の命題ということにする。詳しいお話は、次回の体験授業のときにする。

14) 反例とは、なんでもよいから間違っている例と思えばよい。

13. -3 、 0 、 7 、 $\frac{2}{3}$ 、 $\frac{5}{4}$ 、 $0.\dot{1}2\dot{3}$ 、 $-\sqrt{3}$ 、 $\sqrt{16}$ 、 $(\sqrt{5})^2$ 、 π を数直線上にとれ。また、この中から、次のものを選び出せ。

(1) 自然数

(2) 整数

(3) 有理数

(4) 無理数

(5) 有限小数で表される数

(6) 循環小数で表される数 (ただし、(1)、(2)、(5) は除く)

14. $\sqrt{5}$ の整数部分と小数部分を求めよ¹⁵⁾。

15. 次の値を求めよ。

(1) $|-6|$

(2) $|\sqrt{2}-2|$

16. 次の 2 点間距離を求めよ¹⁶⁾。

(1) A(-2)、B(10)

(2) A(-17)、B(-32)

17. 次の値を求めよ。

(1) 100 の平方根

(2) 10 の平方根

15) たとえば、 $\sqrt{3}$ の整数部分は 1 で、小数部分は $\sqrt{3}-1$ である。なぜなら、 $\sqrt{3} = 1.7320508\dots$ より、 $\sqrt{3}-1 = 0.7320508\dots$ だからである。

16) 数直線上の点 A をとって、数 -2 を対応させたものを、A(-2) などと書く。B(10) などと同様である。

(3) 1 の平方根

(4) 0 の平方根

(5) $\sqrt{7^2}$

(6) $\sqrt{(-7)^2}$

(7) $(\sqrt{7})^2$

(8) $(-\sqrt{7})^2$

18. 次の式を計算せよ。

(1) $2\sqrt{5} \times 3\sqrt{20}$

(2) $\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{8}}$

(3) $\sqrt{20} + \sqrt{125} - \sqrt{80}$

(4) $\sqrt{200} - 3\sqrt{18} + \sqrt{50}$

(5) $\sqrt{5}(\sqrt{40} - 4\sqrt{5})$

(6) $(\sqrt{5} + \sqrt{2})^2$

(7) $(\sqrt{5} - 3)(\sqrt{5} + 3)$

(8) $(4\sqrt{5} - 2\sqrt{7})(3\sqrt{5} + 4\sqrt{7})$

19. 次の式の分母を有理化せよ。

(1) $\frac{14}{3\sqrt{7}}$

(2) $\frac{1 + \sqrt{2}}{1 - \sqrt{2}}$

20. 1個 x 円のりんご 8 個を 100 円の箱に詰めたときの合計の値段は、3000 円以下であった。このとき、りんごの値段の大小関係を x の不等式で表せ。

21. $a < b$ のとき、次の 2 つの値の大小関係を、不等号 $>$ または $<$ を用いて $a+1 < b+1$ のように表せ。

(1) $a + 4$ 、 $b + 4$

(2) $a - 5$ 、 $b - 5$

(3) $7a$ 、 $7b$

(4) $-\frac{a}{5}$ 、 $-\frac{b}{5}$

(5) $3 - 4a$ 、 $3 - 4b$

22. x の値 $x = -2$ 、 $x = 3$ 、 $x = 5$ 、 $x = 6$ のうち、次の不等式の解であるものを選べ。

(1) $x > 4$

(2) $2x - 3 < 7$

(3) $4x - 1 \geq 11$

23. 次の不等式を解け。また、不等式の解を数直線上で表せ。

(1) $3x - 2 \leq 7 - x$

(2) $2(x - 2) \geq -3(x + 3)$

(3) $\frac{x - 3}{4} + \frac{5}{2} > x$

(4) $0.2x - 1.5 < 0.5x$

(5) $\sqrt{3}x - 1 < \sqrt{5}(x - \sqrt{3})$

24. 次の不等式を解け。

$$(1) \begin{cases} x + 1 < 4 \\ x - 2 \geq -7 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} x - 1 \leq 3 \\ x + 1 < -4 \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} 2x - 1 > 1 \\ 7 < 1 - 3x \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} x + 2 < 3x - 8 \\ 10x - 5(x - 2) > 8(x - 2) + 5 \end{cases}$$

$$(5) 2x - 3 < 3x - 2 < x + 4$$

$$(6) 5 - \frac{x}{2} \leq 2x \leq \frac{x + 10}{3}$$

25. ある数 x を 8 倍しても 100 以下であるが、20 倍すると 200 を超えるという。整数 x を求めよ。

26. 方程式 $|x| = 6$ を解け。

27. 次の不等式を解け。

$$(1) |x| < 6$$

$$(2) |x| \geq 6$$

28. 方程式 $|3x + 1| = 5$ を解け。

29. 次の不等式を解け。

$$(1) |3x - 7| > 8$$

$$(2) |4x + 7| \leq 6$$